



**Лаборатория Неорганической Кристаллохимии
Кафедра Неорганической Химии, Химический Факультет МГУ**

Практические подходы к индицированию
дифрактограмм.

Москва 2012. Курс для ФНМ МГУ.

Содержание

1. Основная задача индцирования

2. Уточнение параметров элементарной ячейки

2.1 МНК для линеаризованной задачи.

2.2 Критерии правильности индцирования.

3. Индцирование дифрактограмм неизвестных соединений

3.1 Математические основы метода

3.2 Индцирование дифрактограммы кубического соединения

3.3 Метод Хесса-Липсона

3.4 Метод Ито

3.5 Подбор изоструктурного соединения

4. Определение погасаний и пространственной группы

4.1 Взаимосвязь симметрии прямого и обратного пространства

4.2 Систематические погасания

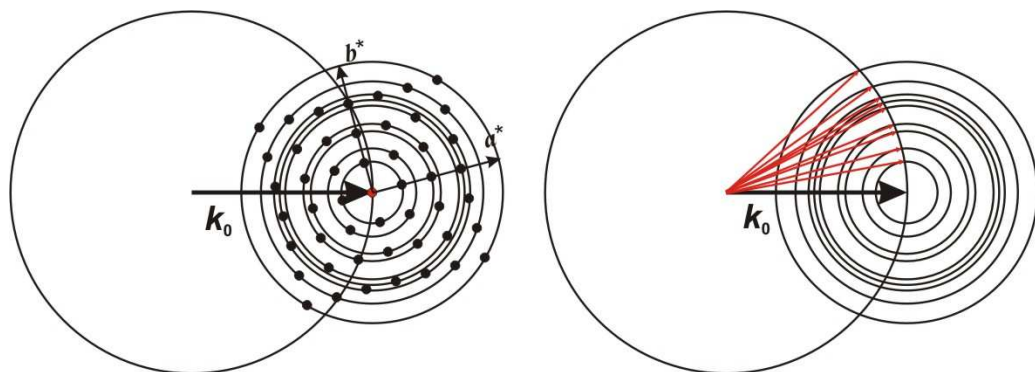
4.3 Выбор пространственной группы

1. Основная задача индирования

Основная задача индирования – определение \mathbf{a}^* , \mathbf{b}^* , \mathbf{c}^* , и, следовательно, \mathbf{a} , \mathbf{b} , \mathbf{c}

Порошок – модули векторов и углы между ними

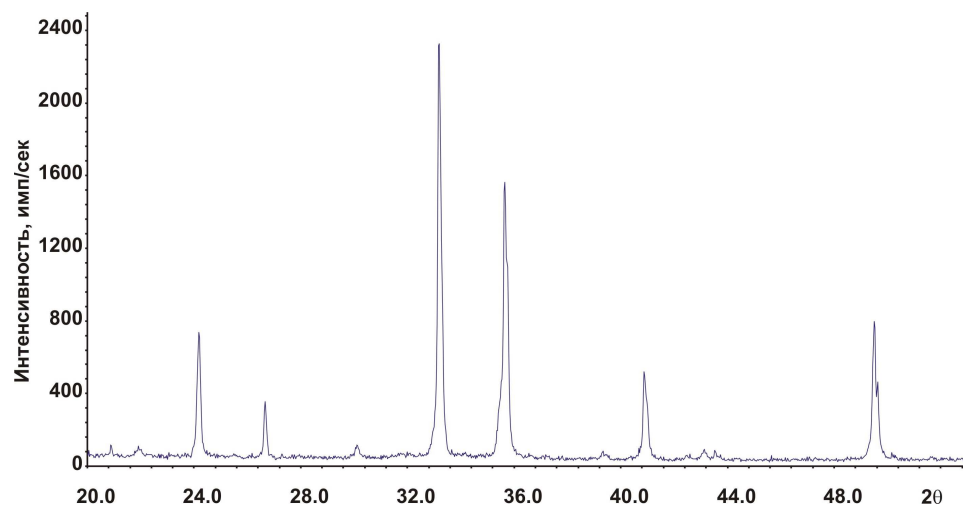
Межплоскостное расстояние
 $d = \lambda/2\sin\theta$ –
профильный анализ



$$\frac{1}{d^2} = |\mathbf{h}\mathbf{a}^* + \mathbf{k}\mathbf{b}^* + \mathbf{l}\mathbf{c}^*|^2$$

$$Q = \frac{10000}{d^2}$$

$$d = f(a, b, c, \alpha, \beta, \gamma)$$



2. Уточнение параметров элементарной ячейки

Общее выражение для d :

$$\frac{1}{d^2} = \frac{\frac{h^2}{a^2 \sin^2 \alpha} + \frac{2kl}{bc} (\cos \beta \cos \gamma - \cos \alpha) + \frac{k^2}{b^2 \sin^2 \beta} + \frac{2hl}{ac} (\cos \alpha \cos \gamma - \cos \beta) + \frac{l^2}{c^2 \sin^2 \gamma} + \frac{2hk}{ab} (\cos \alpha \cos \beta - \cos \gamma)}{1 - \cos^2 \alpha - \cos^2 \beta - \cos^2 \gamma + 2 \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma}$$

Несколько проще для высших сингоний

$$\frac{1}{d^2} = \frac{h^2 + k^2 + l^2}{a^2}$$

Кубическая

$$\frac{1}{d^2} = \frac{4}{3} \frac{h^2 + k^2 + hk}{a^2} + \frac{l^2}{c^2}$$

Гексагональная

$$\frac{1}{d^2} = \frac{h^2 + k^2}{a^2} + \frac{l^2}{c^2}$$

Тетрагональная

$$\frac{1}{d^2} = \frac{h^2}{a^2} + \frac{k^2}{b^2} + \frac{l^2}{c^2}$$

Орторомбическая

$$\frac{1}{d^2} = \frac{h^2}{a^2 \sin^2 \beta} + \frac{k^2}{b^2} + \frac{l^2}{c^2 \sin^2 \beta} + \frac{2hl \cos \beta}{ac \sin^2 \beta}$$

Моноклинная

2.1 МНК линеаризованной задачи

Но в любом случае:

$$\frac{1}{d^2} = Ah^2 + Bk^2 + Cl^2 + Dhk + Ehl + Fkl$$

Тогда для n рефлексов:

$$Ah_1^2 + Bk_1^2 + Cl_1^2 + Dh_1k_1 + Eh_1l_1 + Fk_1l_1 = Q_1$$

$$Ah_2^2 + Bk_2^2 + Cl_2^2 + Dh_2k_2 + Eh_2l_2 + Fk_2l_2 = Q_2$$

$$Ah_3^2 + Bk_3^2 + Cl_3^2 + Dh_3k_3 + Eh_3l_3 + Fk_3l_3 = Q_3$$

...

$$Ah_n^2 + Bk_n^2 + Cl_n^2 + Dh_nk_n + Eh_nl_n + Fk_nl_n = Q_n$$

Очевидно, что задача является вариационной... Применяем метод МНК

2.1 МНК линеаризованной задачи

$$\begin{pmatrix} h_1^2 & k_1^2 & l_1^2 & h_1 k_1 & k_1 l_1 & h_1 l_1 \\ h_2^2 & k_2^2 & l_2^2 & h_2 k_2 & k_2 l_2 & h_2 l_2 \\ & & & \dots & & \\ h_m^2 & k_m^2 & l_m^2 & h_m k_m & k_m l_m & h_m l_m \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} A \\ B \\ C \\ D \\ E \\ F \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Q_1 + \varepsilon_1 \\ Q_2 + \varepsilon_2 \\ \dots \\ Q_m + \varepsilon_m \end{pmatrix}, \text{ ИЛИ}$$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{X} = \mathbf{Q}$$

И тогда:

$$\mathbf{X} = (\mathbf{A}^T \times \mathbf{A})^{-1} \times (\mathbf{A}^T \times \mathbf{Q})$$

2.2 Критерии правильности индцирования

N	H	K	L	Int.	d[obs]	Q[obs]	h ² +k ² +l ²	Q[calc]
1 *	1	1	0	0.3	8.8360	128.1	2	128.0
2 *	2	0	0	11.8	6.2538	255.7	4	256.0
3 *	2	1	0	7.2	5.5934	319.6	5	320.0
4 *	2	1	1	23.3	5.1057	383.6	6	383.9
5 *	2	2	0	1.5	4.4208	511.7	8	511.9
6 *	2	2	1	6.2	4.1682	575.6	9	575.9
7 *	3	1	0	8	3.9542	639.6	10	639.9
8 *	3	1	1	59.7	3.7700	703.6	11	703.9
9 *	2	2	2	21.8	3.6092	767.7	12	767.9
10 *	3	2	0	8.3	3.4674	831.7	13	831.8
11 *	3	2	1	44.9	3.3414	895.7	14	895.9
12 *	4	0	0	21.2	3.1255	1023.7	16	1023.9
13 *	4	1	0	60	3.0321	1087.7	17	1087.9
14 *	3	3	0	100	2.9467	1151.7	18	1151.8
15 *	3	3	1	3.4	2.8680	1215.7	19	1215.8
16 *	4	2	0	36.8	2.7955	1279.6	20	1279.8
17 *	4	2	1	24.1	2.7282	1343.5	21	1343.8
18 *	3	3	2	47.5	2.6654	1407.6	22	1407.8
19 *	4	2	2	15.3	2.5520	1535.5	24	1535.7
20 *	4	3	0	17.4	2.5002	1599.7	25	1599.7
21 *	5	1	0	46.3	2.4516	1663.8	26	1663.8
22 *	5	1	1	2.4	2.4058	1727.8	27	1727.8
23 *	5	2	0	10.6	2.3214	1855.7	29	1855.7
24 *	5	2	1	6.8	2.2823	1919.8	30	1919.6
25 *	4	4	0	11.6	2.2098	2047.8	32	2047.6
26 *	4	4	1	6.4	2.1761	2111.7	33	2111.7
27 *	5	3	0	8.3	2.1438	2175.9	34	2175.7
28 *	5	3	1	9.2	2.1130	2239.8	35	2239.5
29 *	6	0	0	9.3	2.0834	2303.9	36	2303.6
30 *	6	1	0	1.3	2.0550	2368.0	37	2367.5
31 *	6	1	1	11.7	2.0279	2431.7	38	2431.7
32 *	6	2	0	2	1.9765	2559.8	40	2559.5
33 *	5	4	0	15.2	1.9523	2623.7	41	2623.7
34 *	5	4	1	20.7	1.9289	2687.7	42	2687.7
35 *	5	3	3	3.1	1.9063	2751.8	43	2751.5
36 *	6	2	2	1.7	1.8845	2815.8	44	2815.5
37 *	6	3	0	4.7	1.8635	2879.7	45	2879.7
38 *	6	3	1	23.1	1.8431	2943.8	46	2943.4
39 *	4	4	4	0.5	1.8041	3072.4	48	3071.4
40 *	6	3	2	9.7	1.7858	3135.7	49	3135.3

File title : Hg7SnP4Br6
 Number of accepted peaks : 111
 2Theta window : 0.050
 Symmetry : Cubic P
 Spacegroup : P 21 3 (No. 198)

Refined cell parameters :
 Cell_A : 12.50099(7)
 Cell_Volume: 1953.591(19)

Number of single indexed lines : 111
 Number of unindexed lines : 0

$$F(30) = 327.7 (0.003, 32)$$

2.2 Критерии правильности индицирования

1. Отклонение от расчётных значений.
2. Количество возможных линий.

Критерий M_{20} (Де-Вольф)

$$M_{20} = \frac{Q_{20}}{2 \overline{\varepsilon} N_{\text{poss.}}},$$

где

Q_{20} - значение $Q_{\text{эксп.}}$ для 20-й линии;

$N_{\text{poss.}}$ - число теоретически возможных линий, включая полученную 20-ю;

$\overline{\varepsilon}$ - среднее расхождение между $Q_{\text{расч.}}$ и $Q_{\text{эксп.}}$ для всех линий $s \leq Q_{20}$

$M_{20} > 30$: индицирование корректно

2.2 Критерии правильности индцирования

Критерий F_N (Figure-of-Merit) (Смит-Снайдер)

$$F_N = \left(\frac{1}{|\overline{\Delta 2\theta}|} \right) \left(\frac{N}{N_{\text{poss.}}} \right),$$

где N - количество наблюдаемых линий;

$N_{\text{poss.}}$ - число теоретически возможных линий;

$|\overline{\Delta 2\theta}|$ - средняя абсолютная разница между $2\theta_{\text{расч.}}$ и $2\theta_{\text{эксп.}}$.

$F_{30} > 20$: индцирование корректно

2.2 Критерии правильности индцирования

Число теоретически возможных линий

Необходимо учитывать все погасания, найденные на рентгенограмме, и не включать их в значение N_{poss} .

Систематические наложения рефлексов:

а). Только один набор индексов для плоскости (без учёта фактора повторяемости) : например, (100) для кубической сингонии, а не все шесть возможных.

б). Некоторым различным наборам hkl могут соответствовать одинаковые межплоскостные расстояния (например, (333) и (511) для кубической сингонии).

Для случайно налагающихся рефлексов, имеющих примерно одинаковые значения d (которые не могут быть экспериментально разделены), все различные индексы считаются в N и N_{poss} как отдельные линии.

2.2 Критерии правильности индицирования

Полезные советы

- чем точнее промер, тем легче расчёты
- линии с большими d наиболее важны для определения параметра
- уточняйте параметр индицирования 'A' по сильным линиям по мере индицирования
- разброс ошибок ΔQ должен быть одинаковым для всех углов
- ВСЕ сильные линии должны быть проиндицированы

3. Индицирование дифрактограмм неизвестных соединений

$$\frac{1}{d^2} = Ah^2 + Bk^2 + Cl^2 + Dhk + Ehl + Fkl$$

Для набора линий с неизвестными *hkl* необходимо подобрать индексы

Методы индицирования рентгенограмм

1. Аналитические (вручную)
2. Автоиндицирование (программы)
3. Подбор изоструктурного соединения
4. Метод гомологии

3.1 Индексирование дифрактограммы кубического соединения

D	2Theta	Q	Q/Q1	Q/Q0
3.6190	24.579	763.52	1.00	3.00
3.1334	28.462	1018.52	1.33	4.00
2.8026	31.906	1273.11	1.67	5.00
2.3688	37.953	1782.09	2.33	7.00
2.2152	40.697	2037.78	2.67	8.01
1.8898	48.110	2800.07	3.67	11.00
1.8095	50.390	3054.18	4.00	12.00
1.7386	52.597	3308.10	4.33	13.00
1.6187	56.834	3816.61	5.00	15.00
1.5201	60.893	4327.49	5.67	17.00
1.4382	64.767	4834.38	6.33	19.00
1.4018	66.666	5088.94	6.67	20.00
1.3678	68.548	5344.83	7.00	21.00
1.3069	72.229	5854.70	7.67	23.00
1.2795	74.029	6107.99	8.00	24.00
1.2532	75.853	6367.00	8.34	25.02
1.2063	79.373	6872.54	9.00	27.00

$$Q_0 = Q_1 / 3 \approx 254.5$$

$$h^2 + k^2 + l^2 = 1,2,3,4,5,6,8,9,10,11,12,13,14,16\dots$$

**Есть сумма 7 -
Необходимо уменьшить Q_0 !**

3.1 Индексирование дифрактограммы кубического соединения

D	2Theta	Q	Q/Q1	Q/Q0	h	k	l
3.6190	24.579	763.52	1.00	6.00	2	1	1
3.1334	28.462	1018.52	1.33	8.00	2	2	0
2.8026	31.906	1273.11	1.67	10.00	3	1	0
2.3688	37.953	1782.09	2.33	14.00	3	2	1
2.2152	40.697	2037.78	2.67	16.01	4	0	0
1.8898	48.110	2800.07	3.67	22.00	3	3	2
1.8095	50.390	3054.18	4.00	24.00	4	2	2
1.7386	52.597	3308.10	4.33	26.00	4	3	1
1.6187	56.834	3816.61	5.00	29.99	5	2	1
1.5201	60.893	4327.49	5.67	34.01	5	3	0
1.4382	64.767	4834.38	6.33	37.99	6	1	1
1.4018	66.666	5088.94	6.67	39.99	6	2	0
1.3678	68.548	5344.83	7.00	42.00	5	4	1

$$Q_0 = 127.27(4), a^2 = 10000/Q, a = 8.8641(14) \text{ \AA}$$

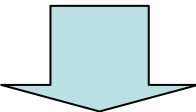
Средние сингоии

	D[°]	h[Y]	k[Y]	l[Y]	Q[Y]	A[Y]	B[Y]
1	8	11.051	0	0	1	156.25	1
2	4	22.206	0	0	2	625	4
3	3	29.757	1	0	0	1111.11111	1
4	2.80899	31.832	1	0	1	1267.35888	—
5	2.66667	33.58	0	0	3	1406.24648	8.99998
6	2.4	37.442	1	0	2	1736.11111	—
7	2.12132	42.584	1	1	0	2222.22294	2
8	2.05046	44.132	1	1	1	2378.46846	—
9	2	45.306	0	0	4	2500	16
10	1.99309	45.472	1	0	3	2517.36494	—
11	1.87409	48.539	1	1	2	2847.20746	—
12	1.6641	55.140	1	0	4	3611.11367	—
13	1.66011	55.292	1	1	3	3628.49283	—
14	1.6	57.559	0	0	5	3906.25	25
15	1.5	61.799	2	0	0	4444.44444	4
16	1.47431	62.998	2	0	1	4600.68371	—
17	1.45521	63.921	1	1	4	4722.24656	—
18	1.41176	66.135	1	0	5	5017.39456	—
19	1.40449	66.522	2	0	2	5069.47163	—
20	1.34164	70.00	2	1	0	5555.56207	5.00001
21	1.33333	70.581	0	0	6	5625.02813	36.00018
22	1.32316	71.206	2	1	1	5711.83	—
23	1.30736	72.201	2	0	3	5850.72403	—
24	1.27739	74.174	1	1	5	6128.48286	—
25	1.272	74.541	2	1	2	6180.53083	—
26	1.21042	78.427	1	0	6	6736.06023	—
27	1.2	79.87	2	0	4	6944.44444	—
28	1.1985	79.99	2	1	3	6961.83816	—
29	1.14286	84.755	0	0	7	7656.21172	48.99976
30	1.12887	86.058	1	1	6	7847.15329	—
31	1.11417	87.476	2	1	4	8055.5849	—
32	1.09431	89.484	2	0	5	8350.63044	—

Пример:
 тетрагональная ячейка
 $a = 3\text{Å}$
 $c = 8\text{Å}$

два независимых ряда по Q
 (hk0) + (00l)

3.1 Метод Хесса - Липсона

$$\frac{1}{d^2} = \frac{h^2}{a^2} + \frac{k^2}{b^2} + \frac{l^2}{c^2} \quad \lambda = 2d \sin \theta$$


$$\sin^2 \theta_{hkl} = A'h^2 + B'k^2 + C'l^2, \text{ где } A' = \frac{\lambda^2}{4} \times \frac{1}{a^2} \text{ и т.д.}$$

Тогда:

$$\sin^2 \theta_{h00} = A'h^2 \quad \sin^2 \theta_{0k0} = B'k^2 \quad \sin^2 \theta_{00l} = C'l^2$$

т.е.

$$\sin^2 \theta_{hkl} = \sin^2 \theta_{h00} + \sin^2 \theta_{0k0} + \sin^2 \theta_{00l}$$

откуда:

$$\begin{aligned} \sin^2 \theta_{00l} &= \sin^2 \theta_{hkl} - \sin^2 \theta_{hk0} \\ \sin^2 \theta_{0k0} &= \sin^2 \theta_{hkl} - \sin^2 \theta_{h0l} \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \Delta \sin^2 \theta \begin{cases} \rightarrow A'h^2 \\ \rightarrow B'k^2 \\ \rightarrow C'l^2 \end{cases}$$

и так далее...

3.1 Метод Ито

$$Q_{hkl} = h^2 A + k^2 B + l^2 C + hkD_1 + klD_2 + hlD_3$$

Надо найти 3 вектора обратной решётки (6 линий)

Можно рассматривать следующие соотношения:

$$Q_{hk0} = h^2 a^{*2} + k^2 b^{*2} + 2hka^*b^* \cos \gamma^*, \text{ или}$$

$$Q_{hk0} = h^2 A + k^2 B + hkD_1$$

тогда:

$$Q_{hk0} - Q_{h\bar{k}0} = 2hkD_1$$

$$Q_{hk0} + Q_{h\bar{k}0} = 2(Q_{h00} + Q_{0k0}) \quad \text{и так далее...}$$

3.2 Программы автоиндирования

ITO

J.Visser, J.Appl.Cryst. **2**, 89-95 (1969)

Основан на математических соотношениях в обратной решётке.
Особенно удобен для низших симметрий.

TREOR

P.-E. Werner et. al, J.Appl.Cryst. **18**, 367-370 (1985)

Использует метод проб и ошибок при переборе Миллеровских индексов для выбранных базовых линий.
Особенно удобен для ромбической и высших симметрий.

DICVOL

A.Boultif & D.Louër, J.Appl.Cryst. **24**, 987-993 (1991)

Метод последовательного разложения.
Работает для всех симметрий

Типичные ошибки при индицировании

Почему это важно?

очень легко проиндицировать рентгенограмму неправильно

- в более низкой симметрии
- с завышенными параметрами элементарной ячейки
- одну фазу как смесь и наоборот

Пример: автоиндицирование по алгоритму Wisser (Treor)
эталона Si ($a \sim 5.41 \text{ \AA}$)

INDEX - User : File : si1CALC.pft

File View Index Refine Help

P W V L R ?

Number of solutions accepted :

Number of solutions accepted :			
cubic	hexagonal	tetragonal	orthorhombic
3	0	0	0

Nr	System	a	b	c	FOM	Unind.	Volume
1	Cubic	5.4109	5.4109	5.4109	221.3	0	158.4
2	Cubic	7.6522	7.6522	7.6522	115.3	0	448.1
3	Cubic	9.3720	9.3720	9.3720	79.0	0	823.2

$F(7)$

$a' = a \cdot \sqrt{2}$

$a' = a \cdot \sqrt{3}$

Напоминание: три основные сложности при индицировании

1) примеси

2) неточное определение положения пиков
(систематические ошибки)

3) "dominant zone"

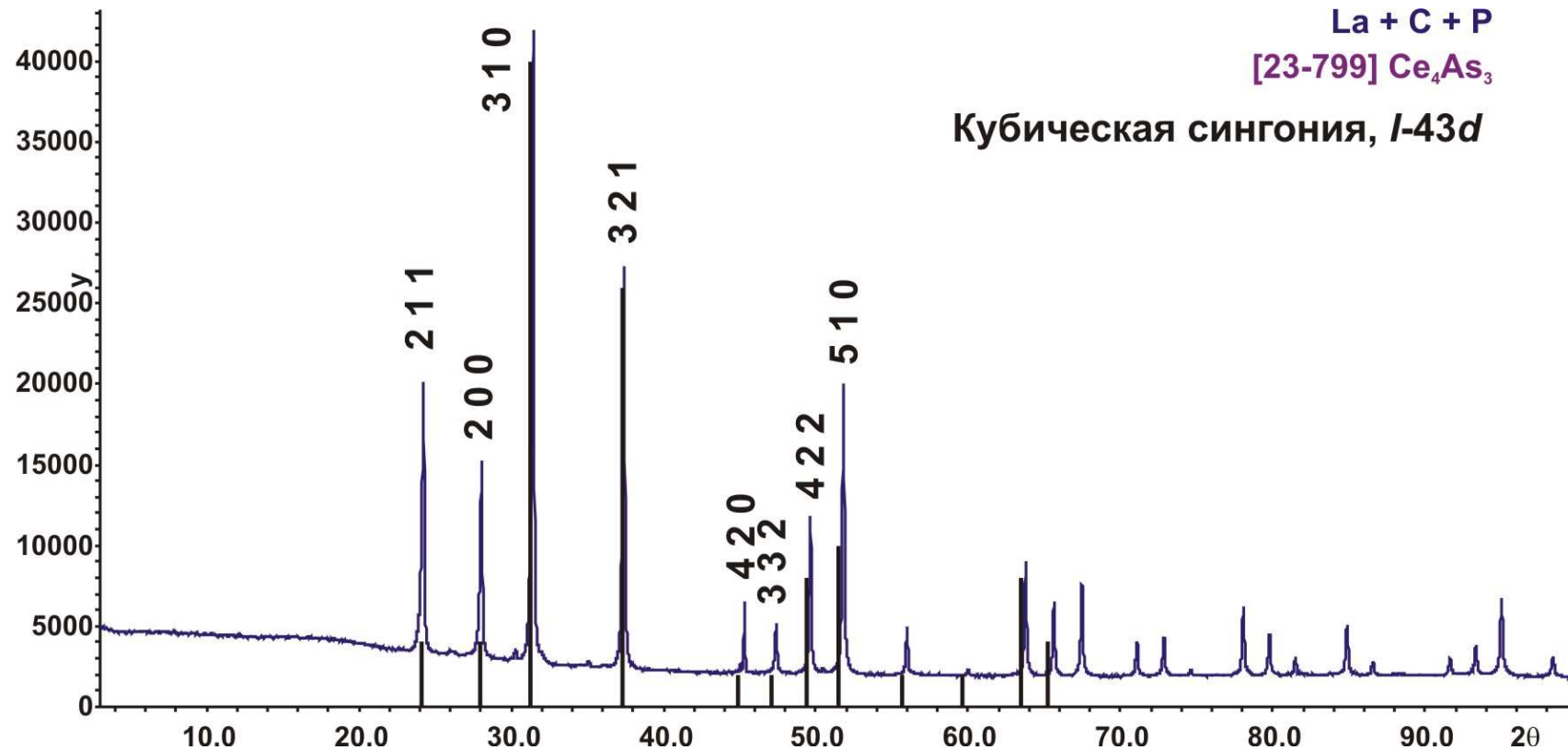


необходимо постараться минимизировать инструментальные ошибки, приводящие к сдвигу положения пиков (напр., $\cos(\theta) / \sin(2\theta)$ в Б-Б геометрии)

предпочтительно использование внутреннего стандарта (Si, Ge...)

необходимо корректное описание профиля («хорошая» профильная функция, асимметрия...)

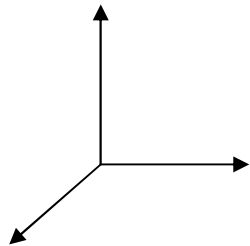
3.3 Подбор изоструктурного соединения



- + Простой и быстрый способ
- + Первые намеки на структуру новой фазы
- Подобрать можно далеко не всегда...

3.4 Метод гомологии

Субструктура (субъячейка)



$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

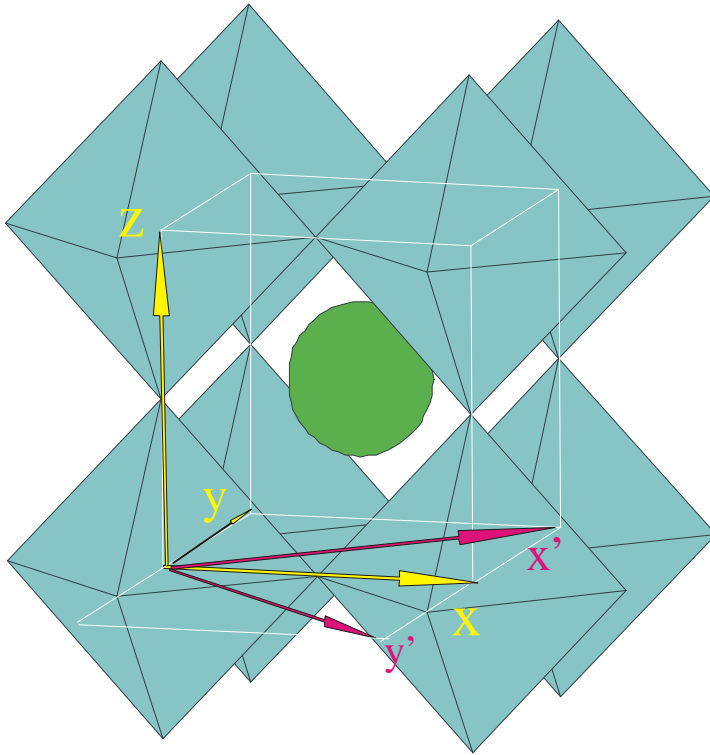
**1. Изменение векторов элементарной ячейки,
не приводящие к значительному изменению объёма:
 $\det=1$**

2. Рассматриваем все возможные единичные векторы:

$$\frac{1}{d_{hkl}^2} = h^2 a^{*2} + k^2 b^{*2} + l^2 c^{*2} + 2hka^*b^*\cos\gamma^* + 2klb^*c^*\cos\alpha^* + 2lhc^*a^*\cos\beta^*$$

**3. Матрица перехода (единичная) не указывает на
точное изменение длин и направлений исходных векторов**

Матрица перехода: пример



$$x' = x + y$$

$$y' = x - y$$

$$z' = 2z$$

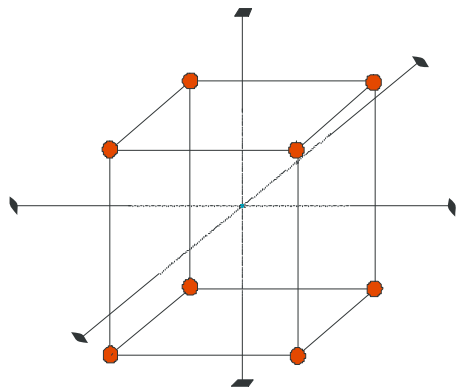
$$NEW = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & \bar{1} & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} OLD$$

Это - в частности, самый распространенный тип искажения в перовскитах:
тип $GdFeO_3$ (пространственная группа $Pnma$)

3.4 Метод гомологии

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

тетрагональное



$$a=b \neq c$$

$$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$$

$$\frac{1}{d_{hkl}^2} = \frac{h^2 + k^2}{a^2} + \frac{l^2}{c^2}$$

$$100 \rightarrow 100$$

$$010 \rightarrow 010$$

$$001 \rightarrow 001$$

$$100 \times 2$$

$$001 \times 1$$

$$110 \rightarrow 110$$

$$011 \rightarrow 011$$

$$101 \rightarrow 101$$

$$110 \times 1$$

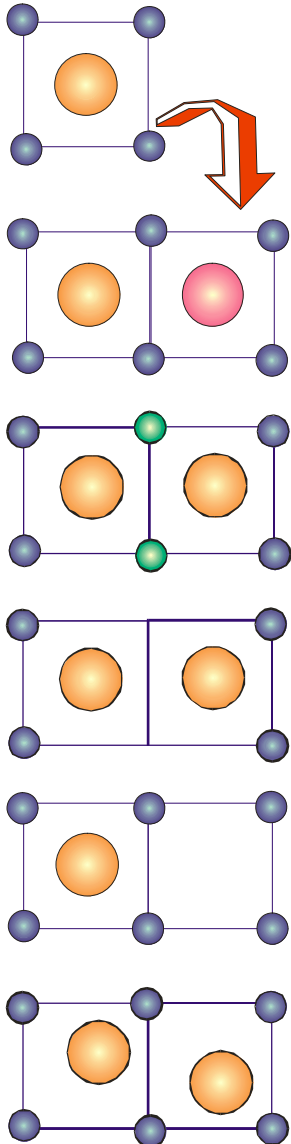
$$101 \times 2$$

$$111 \rightarrow 111$$

$$111 \times 1$$

3.4 Метод гомологии

Сверхструктура



1. Упорядочение катионов

2. Упорядочение анионов

3. Вакансии в анионной подрешётке

4. Вакансии в катионной подрешётке

5. Смещения атомов из идеальных позиций

3.4 Метод гомологии

1. **Сверхструктура возникает при увеличении объёма элементарной ячейки**
2. **Интенсивности сверхструктурных рефлексов зависят от степени искажения исходной субъячейки. Обычно они слабее интенсивностей субъячеечных линий.**
3. **Матрица перехода показывает как меняются направления и длины единичных векторов для новой ячейки**
4. **Индексы сверхструктурных отражений **не могут** быть получены из матрицы перехода**

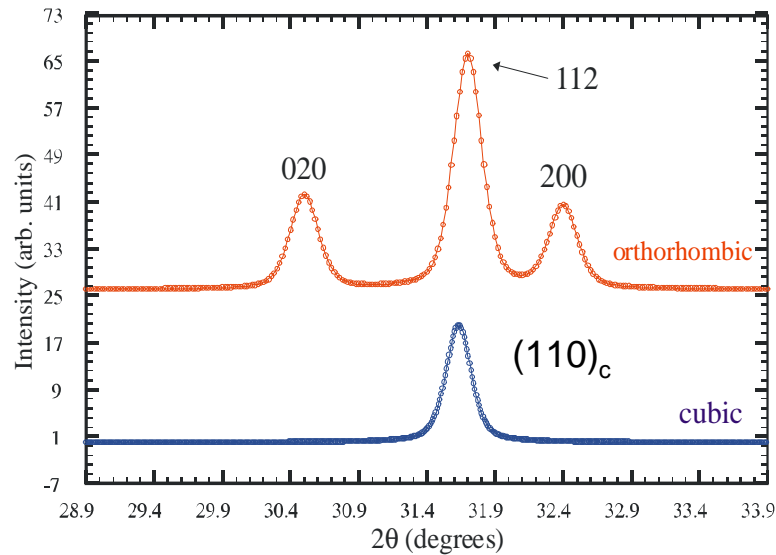
Tetragonal $a < c$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

Sub structure	Super structure
100	001
002	
110	101
102	
	111
	103
112	
	113

Метод гомологии: преобразование различных векторов

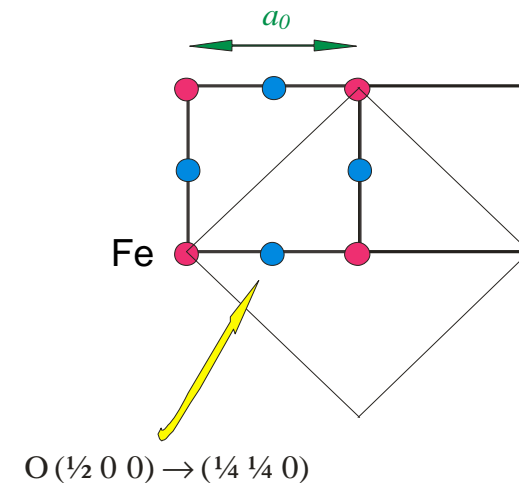
обратное пространство:
преобразование индексов Миллера



- компоненты вектора α преобразуются *обратно* к матрице A = преобразуются **контравариантно** при преобразовании базиса
- компоненты вектора β преобразуются с матрицей преобразования A , говорят, что эти компоненты **преобразуются ковариантно** при изменении базиса

прямое пространство:
преобразование координат атомов

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} 1/2 & 1/2 & 0 \\ 1/2 & -1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 \end{pmatrix}$$



Переходы группа-подгруппа



$Pnma$ (сокращенная запись) = $P 2_1/n 2_1/m 2_1/a$ (полная запись)

Три альтернативные установки:

$P 2_1/n 2_1/m 2_1/a$ (стандартная) = $Pnma$

$P 2_1/b 2_1/n 2_1/m$ (циклическая перестановка - 1) = $Pbnt$

$P 2_1/m 2_1/c 2_1/n$ (циклическая перестановка - 2) = $Pmcp$

то есть переход:

$P n m a (P 2_1/m 2_1/c 2_1/n) \rightarrow P 1 2_1/c 1 (P2_1/c)$

Как найти координаты атомов в сверхструктуре

Пример: $\text{La}_{0.85}\text{Ca}_{0.15}\text{MnO}_3$: Pnma (Pmcsn) \rightarrow $\text{P2}_1/\text{c}$
без изменения размера элементарной ячейки

3 практических способа

-вручную (интернациональные таблицы++)

-“Cryscon” и т.п.

-программы теоретико-группового анализа ФП
(см. ниже)

Pnma :

$\text{Mn} @ 4b \{ (00\frac{1}{2}) + (\frac{1}{2}00) + (0\frac{1}{2}0) + (\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2}) \}$

Pmcsn :

[для этой позиции так получилось что координаты при цикл. перестановке не изменяются]

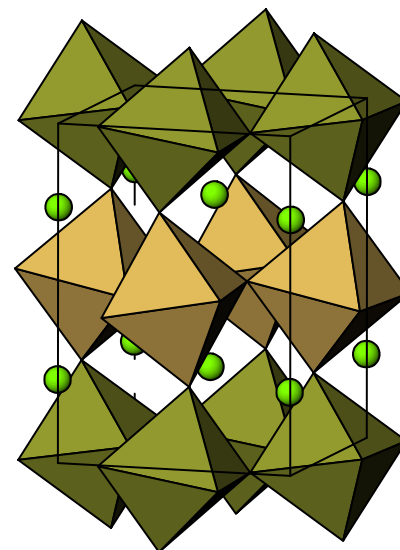
$\text{Mn} @ 4b \{ (00\frac{1}{2}) + (\frac{1}{2}00) + (0\frac{1}{2}0) + (\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2}) \}$

$\text{P2}_1/\text{c}$: **две позиции**

(2b): $(\frac{1}{2}00) + (\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2})$

(2a): $(0\frac{1}{2}0) + (00\frac{1}{2})$

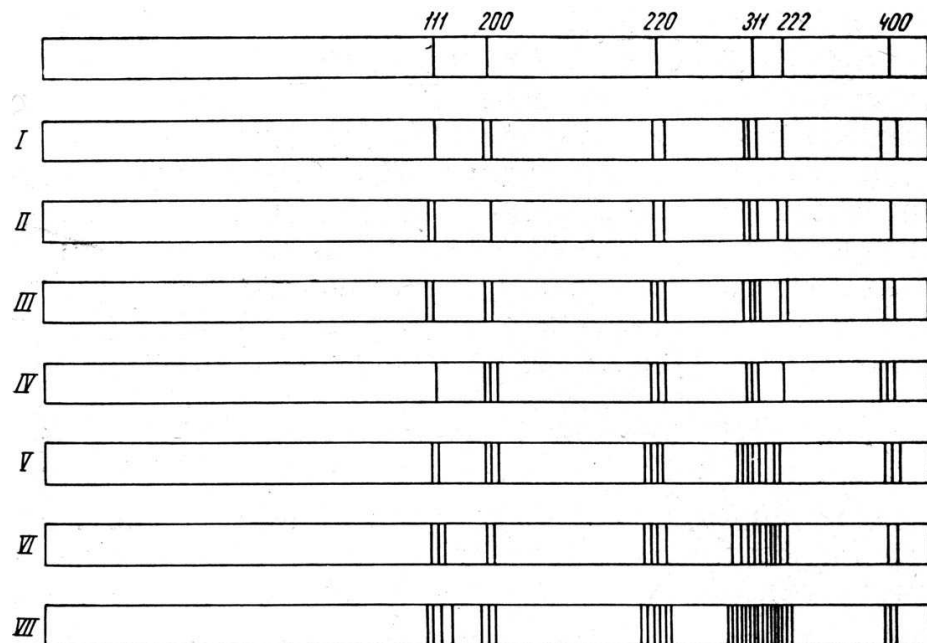
аналогично расщепляются позиции кислорода
(не все)



*При увеличении ячейки в ручном способе появляется дополнительная стадия
– преобразование координат с помощью обратной матрицы перехода*

3.4 Метод гомологии

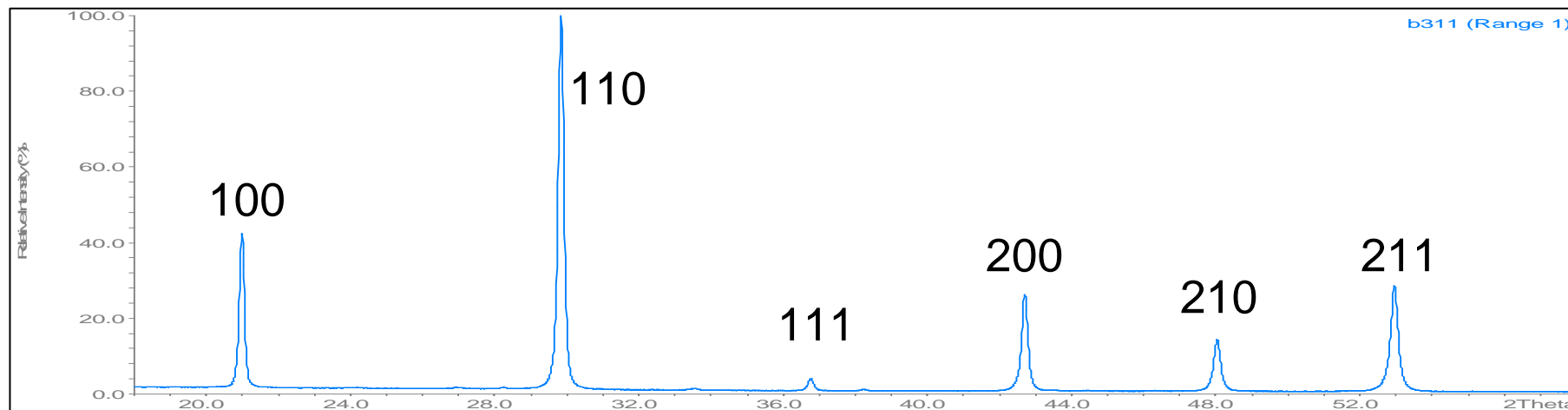
Кубическая гранецентрированная ячейка



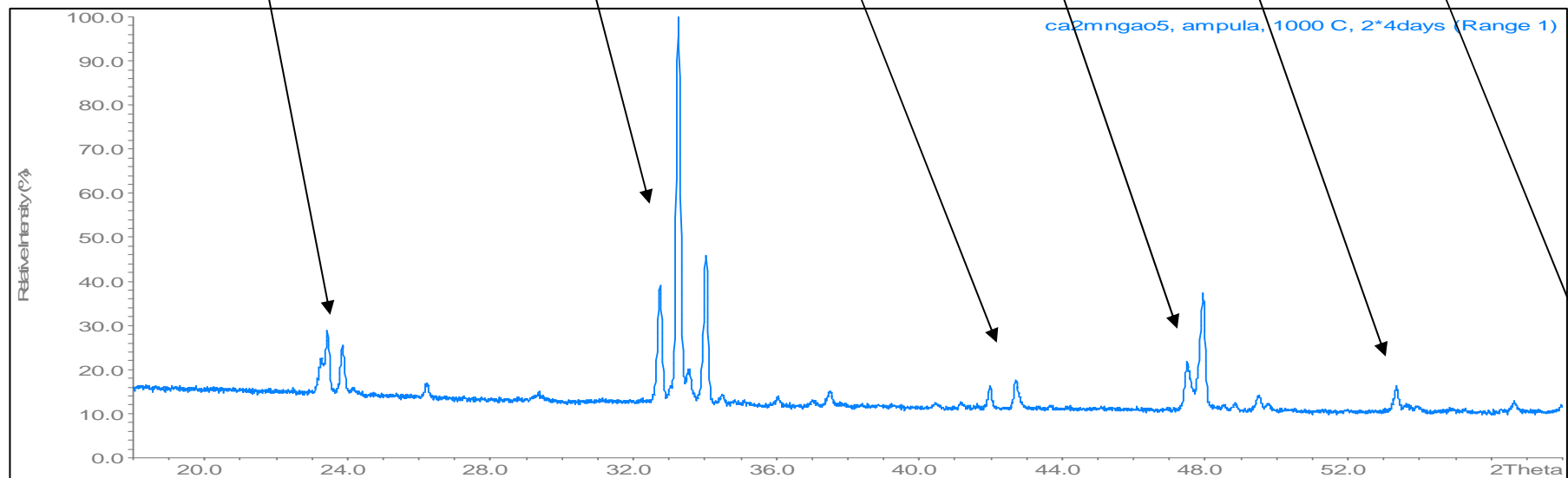
№ типа искаж.	Сингония	Число линий на рентгенограмме					
		111	200	220	311	222	400
1	тетрагон.	1	2	2	2	1	2
2	тригон.	2	1	2	3	2	1
3	ромбич.	2	2	3	4	2	2
4	ромбич.	1	3	3	3	1	3
5	моноклин.	2	3	4	6	2	3
6	моноклин.	3	2	4	7	3	2
7	триклин.	4	3	6	12	4	3

3.4 Метод гомологии

Cubic



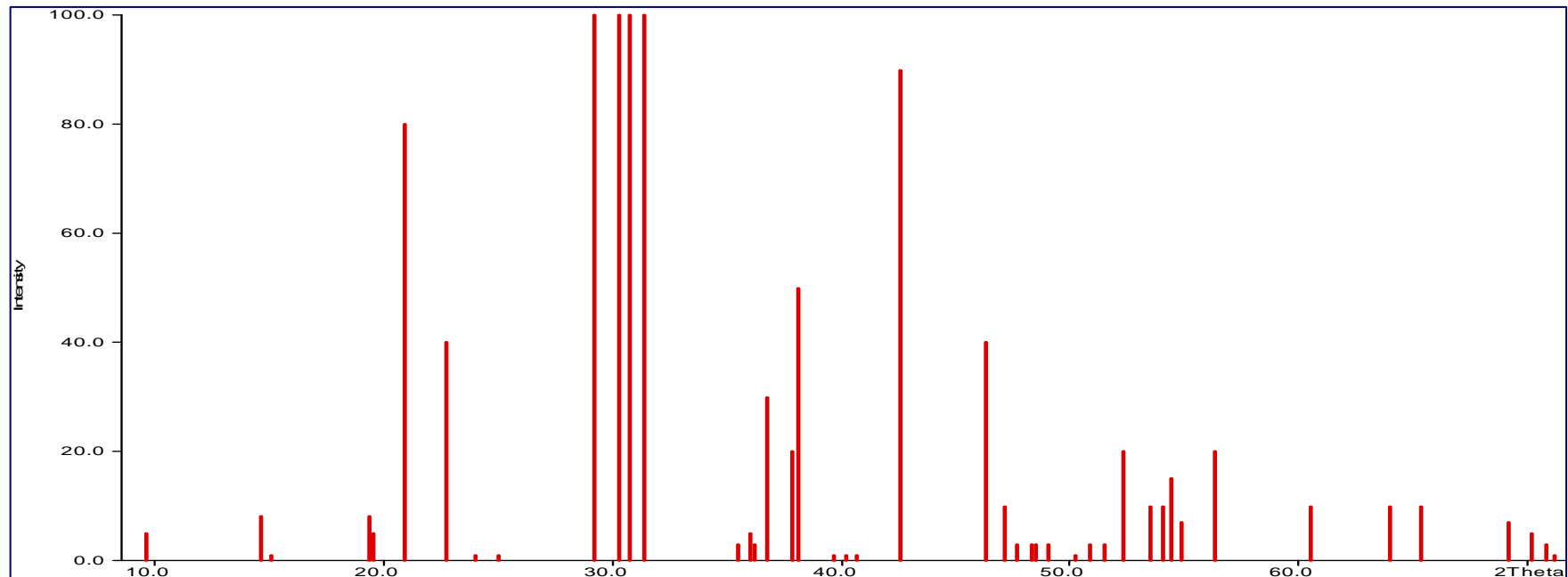
Orthorhombic



3.4 Метод гомологии

Индексирование методом гомологии

1. Подбор исходной субъячейки.
2. Определение типа искажения исходной субъячейки.
3. Проверка типа искажения и индексирование рентгенограммы.
4. Индексирование рентгенограммы при наличии сверхструктуры.



File title : Potassium Iodide
 Symmetry : **Cubic F**
 Spacegroup : F m 3 m (No. 225)
 Refined cell parameters :
 Cell_A : **7.0655(3)**
 Cell_Volume: 352.724(23)
 Number of single indexed lines : 24
Number of unindexed lines : 0

N	2Th[obs]	H	K	L	2Th[calc]	obs-calc	Int.
1	21.765	1	1	1	21.769	-0.0038	42.0
2	25.208	2	0	0	25.188	0.0200	100.0
3	35.922	2	2	0	35.921	0.0006	70.0
4	42.381	3	1	1	42.395	-0.0138	29.0
5	44.393	2	2	2	44.378	0.0147	27.0
.....							
18	102.242	7	1	1	102.260	-0.0183	2.0
19	103.630	6	4	0	103.658	-0.0278	3.0
20	109.337	6	4	2	109.342	-0.0049	4.0
21	113.727	7	3	1	113.736	-0.0088	1.0
22	121.446	8	0	0	121.425	0.0212	2.0
23	128.037	8	2	0	128.059	-0.0215	3.0
24	135.389	6	6	0	135.362	0.0272	1.0

Average delta(2Theta) = 0.018
 Maximum delta(2Theta) = 0.045 (peak 15) = 2.5 * average

Figure of Merit F(24) = 51.5 (0.018, 26)

Summary

1. Задача расчета параметров при известных индексах – проста и легко решается (линейный МНК).
2. Задача определения индексов для порошковой дифрактограммы – много сложнее....
3. Хорошие образцы + хорошие данные = хорошее индицирование.
4. Автоиндицирование – это неплохо. Если применять голову + компьютер.
5. Подбор изоструктурного соединения, метод гомологии – немного больше, чем просто методы индицирования.